

کد کنترل

256

A



256A

نام:

نام خانوادگی:

محل امضا:

عصر پنجشنبه

۹۶/۲/۷



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.»

امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دوره‌های کارشناسی ارشد ناپیوسته داخل - سال ۱۳۹۶

اقیانوس‌شناسی فیزیکی - کد ۱۲۱۷

مدت پاسخگویی: ۲۱۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۹۰

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)	۳۰	۱	۳۰
۲	فیزیک	۳۰	۳۱	۶۰
۳	ریاضی	۳۰	۶۱	۹۰

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و ...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متغلفین برابر مقررات رفتار می‌شود.

PART A: Vocabulary

Directions: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes the blank. Then mark the correct choice on your answer sheet.

- 1- By signing these papers, I agree to not ----- any of my company's financial records to anyone outside of my firm.
1) authorize 2) articulate 3) divulge 4) victimize
- 2- Without an antidote to treat the patient, the poisonous snakebite would prove -----.
1) vulnerable 2) fatal 3) massive 4) extreme
- 3- Stifling a yawn, Jackie covered her mouth as she listened to one of her mother's ----- stories about her childhood.
1) interminable 2) credible 3) widespread 4) literal
- 4- After learning the lawyer accepted a bribe, the committee decided to ----- him and suspend his license.
1) encounter 2) retaliate 3) underestimate 4) rebuke
- 5- The government will ----- any property that has been purchased with money earned through illegal means.
1) resist 2) seize 3) eliminate 4) avoid
- 6- Now that I have got another offer of employment, which sounds as good as the earlier one, I am in a ----- as to which one to choose.
1) necessity 2) comparison 3) postponement 4) dilemma
- 7- Since there is a huge ----- between the results of the first and second experiment, the laboratory team will conduct a third test.
1) discrepancy 2) autonomy 3) randomness 4) opposition
- 8- To get a good grade on the research project, you must ----- your report with provable facts.
1) inform 2) outline 3) substantiate 4) interfere
- 9- We thought that the power cuts were temporary and would end but we have now realized that this is a ----- problem and will never end.
1) chaotic 2) perennial 3) fragile 4) memorable
- 10- If a ----- answer can provide the information requested, there is no reason to bore a person with a long response.
1) boundless 2) conceptual 3) concise 4) logical

PART B: Cloze Passage

Directions: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

It is very easy to lead someone's memory astray. For example, if I witness a traffic accident and (11) ----- whether the car stopped before or after the tree, I am much more likely to "insert" a tree into my memory of the scene, (12) ----- no tree was actually present. This occurrence reflects the fact that when we retrieve a memory, we also re-encode it and during that process it is (13) ----- errors.

- 25- What does the word "latent" in paragraph 2 mean?
 1) Extreme 2) Strange 3) Dormant 4) Profound

PASSAGE 3:

Oceanography is an interdisciplinary science that combines chemistry, biology, physics and geology in studying oceans, and oceanographers aim to explain how the oceans contain most of planet's water, carbon and biomass. The oceans do not work alone, but together with the continents, the atmosphere and the ice-cover, they form a living working machine. The oceans are a threat to human health, if we consider that they generate and fuel storms, even hurricanes. At the same time, they are an incommensurable source of food, water supply, oxygen and natural pharmaceuticals. This makes oceanography an important and interesting science and turns oceanographers into respected and admired professionals, whose work and activity is highly valued around the world. Here are a couple of names that illustrate this assessment and a brief overview of their achievements in the field of oceanography.

Inventor of the bathysphere together with Otis Barton, William Beebe descended to the record depth of 3,028 feet in the waters around the Bermuda Islands, remaining there for 3 minutes. During this famous dive, the explorer described bizarre creatures and water voids that seemed to host no life forms. He discovered and described hundreds of new life forms, but received credit for it only years later.

Robert Ballard became famous for discovering the wreck of the Titanic. However, Ballard's achievements do not stop here: he was the first oceanographer to dive off the Mid-Atlantic Ridge in a submersible, and, while exploring the Galápagos Islands area sea floor, at huge depths around the hydrothermal vents, he discovered new life forms.

- 26- Which of the following would be the best title for the passage?
 1) Famous Oceanographers and their Achievements
 2) An Introduction to Oceanography: Famous Oceanographers and their Work
 3) Oceans of the World: Threat or Opportunity?
 4) Why Oceanographers Are Highly Respected Professionals
- 27- What does the word "they" in paragraph 1 refer to?
 1) Atmosphere and ice-cover 2) Continents
 3) Oceans 4) Continents, atmosphere and ice-cover
- 28- According to the passage, oceanographers draw on the findings of all the following disciplines EXCEPT -----.
 1) chemistry 2) geology 3) biology 4) botany
- 29- What does the word "bizarre" in paragraph 2 mean?
 1) Unusual 2) Enormous 3) Dynamic 4) Attractive
- 30- According to the passage, which of the following oceanographers is well-known for finding the remains of a well-known ship?
 1) Otis Barton 2) Robert Ballard 3) William Beebe 4) Jacques Cousteau

فیزیک:

۳۱- جسمی به جرم ۷۰ کیلوگرم و حجم $۰٫۰۳\text{m}^3$ در کف دریاچه‌ای قرار گرفته است. حداقل چند نیوتن نیرو برای

بالاکشیدن آن لازم است؟ ($g = ۱۰\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

(۱) ۳۰۰

(۲) ۴۰۰

(۳) ۷۰۰

(۴) ۱۰۰۰

۳۲- گردبادی، سقفی با مساحت ۵۰m^2 و جرم ۱۰۰۰kg را از جا می‌کند. اگر از نیروهای ناشی از لنگر انداختن سقف

صرف‌نظر شود، حداقل فشار خلاء مورد نیاز برای انجام این کار چقدر است؟ ($g = ۱۰\text{ms}^{-2}$)

(۱) $۰٫۲\text{kPa}$

(۲) ۲kPa

(۳) ۳kPa

(۴) ۲۰۰kPa

۳۳- اگر شعاع زمین و ω سرعت زاویه‌ای چرخش زمین باشد، سرعت خطی اجسامی که در عرض جغرافیایی ۳۰ درجه روی زمین قرار دارند، چقدر است؟

(۱) $\frac{1}{4}R\omega$

(۲) $\frac{1}{2}R\omega$

(۳) $\frac{\sqrt{2}}{2}R\omega$

(۴) $\frac{\sqrt{3}}{2}R\omega$

۳۴- تابع پتانسیل برای ذره‌ای به صورت $U(x) = -\frac{k}{x}$ است، که در آن U برحسب ژول و x برحسب متر و k ضریب

ثابت مثبتی است. نیرویی که به ذره در نقطه $x = ۳\text{m}$ وارد می‌شود (برحسب نیوتن) کدام است؟

(۱) $\frac{k}{9}\hat{i}$

(۲) $-k \ln ۳\hat{i}$

(۳) $-\frac{k}{9}\hat{i}$

(۴) $k \ln ۳\hat{i}$

۳۵- یک تیر چوبی به طول ۱۵ متر در حالی که یک انتهایش روی زمین افقی قرار دارد، از حالت قائم رها می‌شود. تندی انتهای دیگر این تیر هنگام برخورد با زمین چند متر بر ثانیه است؟ (فرض بر این است که نقطه اتکاء تیر روی

$$\text{زمین هموار ثابت است و } g = 9.8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

(۱) ۲۹/۴

(۲) ۲۴/۲۵

(۳) ۲۱

(۴) ۱۵

۳۶- جسمی به جرم m تحت تأثیر پتانسیل $u(x) = Ax^2$ دارای حرکت نوسانی ساده است. مقدار دوره تناوب جسم کدام است؟

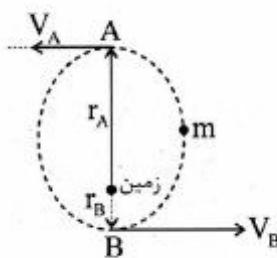
(۱) $2\pi\sqrt{\frac{m}{2A}}$

(۲) $2\pi\sqrt{\frac{2m}{A}}$

(۳) $2\pi\sqrt{\frac{m}{A}}$

(۴) $\frac{2\pi m}{A}$

۳۷- ماهواره‌ای به جرم m در یک مدار بیضوی مطابق شکل به دور کره زمین می‌چرخد. اگر فاصله نقطه A از مرکز زمین ۳ برابر فاصله نقطه B تا مرکز زمین باشد. تندی ماهواره در نقطه B چند برابر تندی ماهواره در نقطه A است؟



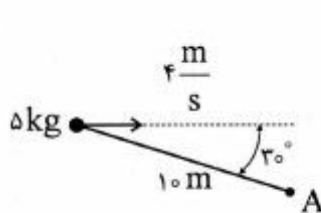
(۱) $\frac{1}{3}$

(۲) $\frac{2}{4}$

(۳) ۱

(۴) ۲

۳۸- گلوله‌ای به جرم ۵ کیلوگرم با سرعت ۴ متر بر ثانیه مطابق شکل به سمت راست حرکت می‌کند. اندازه تکانه



زاویه‌ای آن حول نقطه A چند $\text{kg} \cdot \frac{\text{m}^2}{\text{s}}$ است؟

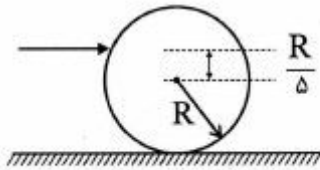
(۱) صفر

(۲) ۱۰۰

(۳) ۱۷۳

(۴) ۲۰۰

۳۹- با نوک تیز یک چوب به یک گلوله توپر بیلیارد ضربه‌ای سریع وارد می‌شود و گلوله همزمان با حرکت افقی خطی به دور خود می‌چرخد. محل اصابت نوک چوب به گلوله در ارتفاع $\frac{1}{5}$ شعاع گلوله بالاتر از ارتفاع مرکز آن قرار دارد.



انرژی جنبشی حرکت خطی چند برابر انرژی دورانی گلوله است؟

(۱) ۲

(۲) ۴

(۳) ۵

(۴) ۱۰

۴۰- چهار بار نقطه‌ای یکسان q در چهار گوشه یک مربع به ضلع L قرار دارند. پتانسیل الکتریکی در مرکز مربع کدام است؟

(۱) صفر

(۲) $\frac{\sqrt{2}q}{\pi\epsilon_0 L}$

(۳) $\frac{\sqrt{2}q}{4\pi\epsilon_0 L}$

(۴) $\frac{\sqrt{2}q}{2\pi\epsilon_0 L}$

۴۱- بار نقطه‌ای q در مرکز یک پوسته رسانای کروی به شعاع داخلی a و شعاع خارجی b قرار دارد و پوسته حامل بار $-Q$ می‌باشد. میدان الکتریکی در خارج از پوسته و به فاصله $r > b$ از مرکز پوسته کدام است؟

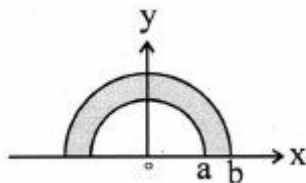
(۱) $\frac{-Q+q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$

(۲) $\frac{-q-Q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$

(۳) $\frac{q+Q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$

(۴) $\frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$

۴۲- بار الکتریکی به‌طور یکنواخت با چگالی سطح σ روی سطح محصور بین دو نیم دایره به شعاع‌های a و $b = 3a$ توزیع شده است. پتانسیل الکتریکی در مبدأ مختصات کدام است؟



(۱) $\frac{\sigma a}{\epsilon_0}$

(۲) $\frac{\sigma a}{2\epsilon_0}$

(۳) $\frac{\sigma a}{2\epsilon_0}$

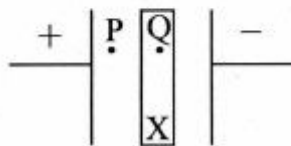
(۴) $\frac{\sigma a}{6\epsilon_0}$

۴۳- در یک محیط میدان الکتریکی به شکل $\vec{E}(x) = cx\hat{i}$ موجود است که در آن c ضریبی ثابت است. بار کل الکتریکی موجود درون حجم مکعبی به اضلاع $2a$ که به‌طور متقارن حول مبدأ مختصات قرار دارد، کدام است؟

(۱) صفر

(۲) $8ca^3\epsilon_0$ (۳) $4ca^3\epsilon_0$ (۴) $6ca^3\epsilon_0$

۴۴- تیغه x میان دو صفحه باردار یک خازن تخت مطابق شکل قرار داده می‌شود، اگر E_p و E_Q شدت میدان الکتریکی در نقاط P و Q باشند، در مقایسه با حالتی که تیغه وجود نداشت، کدام عبارت درست است؟

(۱) اگر تیغه x فلز باشد E_p افزایش می‌یابد.(۲) اگر تیغه x دی‌الکتریک باشد $E_Q = E_p$ (۳) اگر تیغه x دی‌الکتریک باشد E_p افزایش می‌یابد.(۴) اگر تیغه x فلز باشد E_p کاهش می‌یابد.

۴۵- در یک مدار تک حلقه‌ای شامل مقاومت R ، القاگر L ، خازن C بار الکتریکی روی صفحات خازن در لحظه t ($q(t)$) در کدام رابطه صدق می‌کند؟

$$\frac{1}{C} \frac{d^2q}{dt^2} + R \frac{dq}{dt} + \frac{q}{L} = 0 \quad (1)$$

$$L \frac{d^2q}{dt^2} + C \frac{dq}{dt} + \frac{q}{R} = 0 \quad (2)$$

$$L \frac{d^2q}{dt^2} + R \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = 0 \quad (3)$$

$$L \frac{d^2q}{dt^2} + \frac{1}{R} \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = 0 \quad (4)$$

۴۶- ذره‌ای با بار q ، جرم m و انرژی جنبشی K در صفحه‌ای عمود بر میدان مغناطیسی یکنواخت B دوران می‌کند، شعاع مدار آن کدام است؟

$$\frac{\sqrt{2Km}}{qB} \quad (1)$$

$$\frac{mK}{2qB} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{2Bm}}{Kq} \quad (3)$$

$$\frac{qBm}{2\pi K} \quad (4)$$

۴۷- یک ذره باردار با انرژی جنبشی ثابت وارد یک میدان مغناطیسی می‌شود. در چه صورت حرکت این ذره باردار به شکل مارپیچی بوده و شعاع چرخش تغییر خواهد کرد؟

- (۱) در صورتی که بردار سرعت ذره، عمود بر میدان مغناطیسی باشد و میدان مغناطیسی در زمان متغیر باشد.
- (۲) در صورتی که بردار سرعت ذره به موازات میدان مغناطیسی باشد و میدان مغناطیسی غیر یکنواخت باشد.
- (۳) در صورتی که بردار سرعت ذره دارای مؤلفه‌های عمود و موازی میدان بوده و میدان مغناطیسی در زمان متغیر باشد.
- (۴) حرکت ذره هموار مارپیچی است و شعاع چرخش تغییر می‌کند اگر میدان مغناطیسی غیر یکنواخت باشد.

۴۸- برای یک ماده مغناطیسی، در صورتی که μ تراوایی مغناطیسی باشد و μ فقط به میزان بسیار کمی بزرگتر از μ_0 باشد این ماده است.

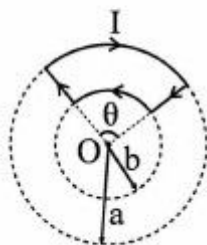
(۱) پاد فرومغناطیس

(۲) پارامغناطیس

(۳) دیامغناطیس

(۴) فرومغناطیس

۴۹- مدار زیر حامل جریان I (ساعتگرد) است، کمان‌ها قسمتی از یک دایره و خطوط مستقیم در امتداد شعاع هستند. میدان مغناطیسی در نقطه O کدام است؟



$$(1) \frac{\mu_0 I \theta}{2\pi} \left(\frac{1}{b} - \frac{1}{a} \right)$$

$$(2) \frac{\mu_0 I \sin \theta}{4\pi} \left(\frac{1}{b} - \frac{1}{a} \right)$$

$$(3) \frac{\mu_0 I \theta}{4\pi} \left(\frac{1}{b} - \frac{1}{a} \right)$$

$$(4) \frac{\mu_0 I \sin \theta}{2\pi} \left(\frac{1}{b} - \frac{1}{a} \right)$$

۵۰- حاصل برهم نهی دو موج با معادلات $y_1 = 0.2 \sin(\pi x - 2.0 \pi t)$ و $y_2 = 0.2 \sin(\pi x + 2.0 \pi t)$ یک موج ایستا خواهد بود، حداکثر دامنه موج حاصل در نقطه $x = \frac{1}{3} \text{ m}$ چند متر است؟ (x بر حسب متر و t بر حسب ثانیه است).

$$(1) 0.2$$

$$(2) 0.2\sqrt{3}$$

$$(3) 0.4$$

$$(4) 0.4\sqrt{3}$$

۵۱- دامنه فشار یک موج صوتی با بسامد ۳ kHz که درون آب منتشر می‌شود، 900π پاسکال است. حداکثر جابه‌جایی

ذرات برای این موج صوتی چند میکرون است؟ (سرعت صوت در آب $1500 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ فرض شود).

$$(1) 10^{-7}$$

$$(2) 10^{-4}$$

$$(3) 0.1$$

$$(4) 10$$

۵۲- یک تراز صوتی با شدت ۵۰ دسی‌بل، چند برابر شدیدتر از شدت آستانه شنوایی است؟

(۱) ۵

(۲) ۷

(۳) ۱۰^۵(۴) ۱۰^۷

۵۳- وقتی نور از محیط (۱) با ضریب شکست نوری n_1 و طول موج λ_1 و فرکانس ν_1 به محیط (۲) با ضریب شکست نوری n_2 و طول موج λ_2 و فرکانس ν_2 وارد می‌شود، کدام رابطه درست است؟

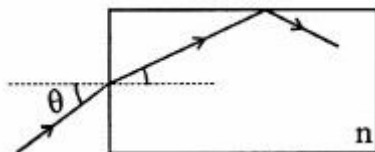
$$\frac{\nu_1}{n_1} = \frac{\nu_2}{n_2} \quad (۱)$$

$$\frac{\lambda_1}{n_1} = \frac{\lambda_2}{n_2} \quad (۲)$$

$$n_1 \nu_1 = n_2 \nu_2 \quad (۳)$$

$$n_1 \lambda_1 = n_2 \lambda_2 \quad (۴)$$

۵۴- در شکل زیر یک مدل از فیبر نوری نشان داده شده است. فیبر نوری دارای ضریب شکست n می‌باشد و محیط اطراف آن فضای آزاد (هوا) است. به ازای چه مقدار از زاویه تابش θ نور در داخل فیبر نوری باقی خواهد ماند؟



$$\theta < \sin^{-1} \sqrt{n^2 - 1} \quad (۱)$$

$$\theta > \sin^{-1} \sqrt{n^2 - 1} \quad (۲)$$

$$\theta > \cos^{-1} \sqrt{n^2 - 1} \quad (۳)$$

$$\theta < \cos^{-1} \sqrt{n^2 - 1} \quad (۴)$$

۵۵- سیالی با چگالی $2 \times 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ و ویسکوزیته مولکولی $10^{-3} \frac{\text{kg}}{\text{m.s}}$ درون لوله‌ای به قطر ۲ cm با سرعت $1 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$ جریان دارد. مقدار عدد رینولدز برای این جریان چقدر است؟

$$1 \times 10^6 \quad (۱)$$

$$1 \times 10^4 \quad (۲)$$

$$0.4 \quad (۳)$$

$$400 \quad (۴)$$

۵۶- چند درصد از حجم یک کوه یخ شناور در اقیانوس از آب بیرون می‌ماند؟ (چگالی یخ $0.92 \frac{\text{gr}}{\text{cm}^3}$ است).

$$1,08 \quad (۱)$$

$$8 \quad (۲)$$

$$10,8 \quad (۳)$$

$$92 \quad (۴)$$

۵۷- آب از طریق لوله‌ای، با سرعت $8 \frac{m}{s}$ و تحت فشار ۳ اتمسفر از سطح زمین به سمت بالا پمپ می‌شود. در صورتی که

سرعت آب در ارتفاع ۱۰ متری برابر $2 \frac{m}{s}$ باشد، فشار آب در این ارتفاع چند اتمسفر خواهد بود؟

(یک اتمسفر = 10^5 پاسکال؛ $g = 10 \frac{N}{kg}$ و چگالی آب $1000 \frac{kg}{m^3}$ در نظر گرفته شود).

(۱) $2/3$

(۲) $3/3$

(۳) $1/7$

(۴) ۲

۵۸- دمای دو مول از گاز کامل دو اتمی در یک تحول آدیاباتیکی از T_1 به T_2 می‌رسد کار انجام شده در این تحول کدام است؟

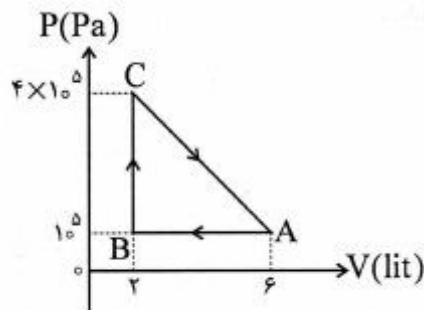
(۱) $\frac{3}{2}R(T_2 - T_1)$

(۲) $3R(T_2 - T_1)$

(۳) $\frac{5}{2}R(T_2 - T_1)$

(۴) $5R(T_2 - T_1)$

۵۹- یک گاز کامل تک اتمی، چرخه‌ای مطابق شکل طی می‌کند و $700 J$ بر روی محیط کار انجام می‌دهد. حرارت مبادله شده توسط گاز در مسیر CA برحسب ژول کدام است؟



(۱) -1200

(۲) -300

(۳) 600

(۴) 800

۶۰- بازده یک ماشین کارنو ۲۵٪ است. این ماشین با دو منبع گرمایی با دمایی ثابت کار می‌کند که اختلاف میان دماهای آن‌ها ۹۵ درجه سانتی‌گراد است. دمای هر کدام از این دو منبع چند درجه سانتی‌گراد است؟

(۱) ۱۲ و ۱۰۷

(۲) ۲۸۵ و ۳۸۰

(۳) ۱۰۷ و ۲۰۲

(۴) ۳۸۰ و ۴۷۵

ریاضی:

۶۱- مقدار $\lim_{n \rightarrow \infty} \cos \frac{2\pi}{n} + \cos \frac{4\pi}{n} + \cos \frac{6\pi}{n} + \dots + \cos \frac{2(n-1)\pi}{n}$ کدام است؟

- (۱) -۱
 (۲) ۰
 (۳) ۱
 (۴) ∞

۶۲- مقدار $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{e^n} + \frac{2}{n^2 + 1} + \dots + \frac{ne^n}{n^2 + n} \right)$ کدام است؟

- (۱) ۰
 (۲) e
 (۳) ۱
 (۴) e-۱

۶۳- اگر تابع g وارون تابع $y = x^x$ باشد آنگاه مقدار حد $\lim_{y \rightarrow \infty} \frac{g(y) \ln(\ln y)}{\ln y}$ کدام است؟

- (۱) ۰
 (۲) ۱
 (۳) ∞
 (۴) وجود ندارد.

۶۴- هر گاه p و q اعداد حقیقی و مثبت و $p \leq q$ آنگاه $\int_0^{\infty} \frac{dx}{x^p + x^q}$ همگرا است اگر و تنها اگر ...

- (۱) $p > 1, q > 1$
 (۲) $p \leq 1 < q$
 (۳) $p < 1, q < 1$
 (۴) $p < 1 < q$

۶۵- اگر x و y متغیرهای مستقل از هم و همچنین u و v نسبت به هم مستقل باشند و $x = u + v$ و $y = uv^2$ ، آنگاه

کدام است $\frac{\partial v}{\partial x}$ ؟

(۱) $\frac{v}{3v - 2x}$

(۲) $\frac{3v}{v - 2x}$

(۳) $\frac{3v}{v + 2x}$

(۴) $\frac{v}{3v + 2x}$

۶۶- حجم ناحیه محصور به درون کره $x^2 + y^2 + z^2 = 4$ و سهمی‌گون $x^2 + y^2 = 4(1 - z)$ که شامل مبدأ نیست،

کدام است؟

(۱) $\frac{5\pi}{3}$

(۲) $\frac{10\pi}{3}$

(۳) 5π

(۴) 10π

۶۷- اگر $\{x_n\}$ دنباله‌ای از اعداد حقیقی باشد که $x_1, x_2 > 0$ و به ازای هر $n \in \mathbb{N}$ ، $x_{n+2} = x_{n+1} + \frac{1}{2}x_n$ ، آنگاه

کدام گزینه درست است؟

(۱) $\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = +\infty$

(۲) $\{x_n\}$ کران‌دار و واگراست.

(۳) $\{x_n\}$ در \mathbb{R} همگراست.

(۴) $\{x_n\}$ بی‌کران است ولی به $+\infty$ میل نمی‌کند.

۶۸- کدام گزینه درباره سری‌های $A = \sum_{n=1}^{\infty} (\sqrt[n]{2} - 1)$ و $B = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1 - \sqrt{n} \sin \frac{1}{\sqrt{n}}}{\sqrt{n}}$ درست است؟

(۱) A و اگر B همگراست.

(۲) A همگرا و B واگراست.

(۳) هر دو همگرا هستند.

(۴) هر دو واگرا هستند.

۶۹- تابع $f(x) = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \dots + \frac{x^6}{6!}$ دارای چند ریشه حقیقی است؟

(۱) ۰

(۲) ۲

(۳) ۴

(۴) ۶

۷۰- اگر شعاع همگرایی سری $\sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$ برابر R باشد، شعاع همگرایی سری $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n!}{n^n} a_n x^n$ کدام است؟

(۱) $\frac{1}{e} R$ (۲) R (۳) eR (۴) $e^2 R$

۷۱- اگر \vec{a} ، \vec{b} و \vec{c} سه بردار در \mathbb{R}^3 باشند که $\vec{c} = (\vec{b} \times \vec{a}) - \vec{b}$ و $|\vec{b}| = 1$ و $|\vec{b} \times \vec{a}| = 2$ ، آنگاه $|\vec{c}|$ کدام است؟

(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) ۳

(۴) $\sqrt{5}$

۷۲- منحنی‌های $\vec{r}_1(t) = \cos t \vec{i} + \sin t \vec{j} + t \vec{k}$ و $\vec{r}_2(t) = (1+t) \vec{i} + t^2 \vec{j} + t^3 \vec{k}$ در نقطه $(1, 0, 0)$ یکدیگر را قطع

می‌کنند زاویه برخورد این منحنی‌ها کدام است؟

(۱) ۰

(۲) $\frac{\pi}{2}$ (۳) $\frac{\pi}{3}$ (۴) $\frac{\pi}{6}$

۷۳- مساحت نصف یک بال پروانه $r^2 = 4 \cos 2\theta$ کدام است؟

(۱) ۱

(۲) ۲

(۳) $\frac{\pi}{2}$

(۴) $\frac{\pi}{4}$

۷۴- حجم حاصل از دوران ناحیه محصور به نمودار توابع $y = x^2$ و $8x = y^2$ حول محور y ها کدام است؟

(۱) $\frac{12}{5}\pi$

(۲) 12π

(۳) $\frac{24}{5}\pi$

(۴) 24π

۷۵- رویه مشخص شده توسط معادله $16x^2 + 9y^2 - 16z^2 - 32x - 36y + 36 = 0$ کدام است؟

(۱) مخروط

(۲) هذلولیگون دو پارچه

(۳) بیضی‌گون

(۴) هذلولیگون یک پارچه

۷۶- کدام گزینه درباره تابع $f(x, y) = x^2 - y^2 - 3x + 2y - 2xy$ درست است؟

(۱) تابع در نقطه $(1, 0)$ دارای ماکزیمم است.

(۲) تابع در نقطه $(1, 0)$ دارای مینیمم نسبی است.

(۳) تابع در نقطه $(-\frac{5}{3}, \frac{8}{3})$ دارای ماکزیمم نسبی است.

(۴) تابع در نقطه $(-\frac{5}{3}, \frac{8}{3})$ دارای مینیمم است.

۷۷- نسبت شعاع به ارتفاع یک مخزن استوانه‌ای شکل با حجم ماکزیمم در حالتی که مساحت کل آن مقدار ثابت A است، کدام است؟

(۱) $\frac{1}{4}$

(۲) $\frac{1}{2}$

(۳) ۲

(۴) ۴

۷۸- مقدار شار قائم برونسوی میدان برداری $\vec{F} = (x + y^2z)\vec{i} + (y + x^2z^2)\vec{j} + (z + x^2y^2)\vec{k}$ از ناحیه محصور به رویه $z = x^2 + y^2$ و صفحه $z = 4$ کدام است؟

(۱) 3π

(۲) 8π

(۳) 12π

(۴) 24π

۷۹- مقدار $\lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{1 + \tan x}{1 + \sin x} \right)^{\frac{1}{\sin^2 x}}$ کدام است؟

(۱) ۱

(۲) \sqrt{e}

(۳) e^2

(۴) $+\infty$

۸۰- مقدار $\int_0^{\ln 2} \sqrt{e^x - 1} dx$ کدام است؟

(۱) $2 + \frac{\pi}{2}$

(۲) $2 - \frac{\pi}{4}$

(۳) $2 - \frac{\pi}{2}$

(۴) $2 + \frac{\pi}{4}$

۸۱- دو کشتی A و B به بندری نزدیک می‌شوند. کشتی A با سرعت $۲۵ \frac{\text{km}}{\text{h}}$ به غرب و کشتی B با سرعت $۲۰ \frac{\text{km}}{\text{h}}$ به جنوب روان است. در لحظه‌ای معین که A در فاصله ۳ کیلومتر و B در فاصله ۴ کیلومتر از بندر قرار دارند. سرعت کاهش فاصله بین دو کشتی چند کیلومتر بر ساعت است؟

(۱) ۱۳

(۲) ۲۱

(۳) ۳۱

(۴) $\sqrt{۱۰۲۵}$

۸۲- انحنا، خم قطبی $r = \frac{1}{16}(\tan^2 \frac{\theta}{3} + 1)$ در نقطه متناظر با $\theta = \frac{2\pi}{3}$ کدام است؟

(۱) $\frac{1}{16}$

(۲) ۱

(۳) ۲

(۴) ۱۶

۸۳- طول منحنی قطبی $r = \cos^2(\frac{\theta}{4})$ کدام است؟

(۱) $\sqrt{2}$

(۲) $\sqrt{3}$

(۳) ۲

(۴) ۴

۸۴- مقدار $\iint_D (x+y)^2 e^{x-y} dx dy$ که D ناحیه محصور به چهار خط $x+y=1$ و $x-y=-1$ و $x+y=3$ و $x-y=1$ و

$x-y=1$ است، کدام است؟

(۱) $-\frac{13}{3}(e-e^{-1})$

(۲) $\frac{13}{3}(e+e^{-1})$

(۳) $-\frac{13}{3}(e+e^{-1})$

(۴) $\frac{13}{3}(e-e^{-1})$

۸۵- اگر $f(x) = 4x - \cos x$ ، آنگاه $(f^{-1})''(2\pi)$ کدام است؟

(۱) ۰

(۲) $\frac{1}{5}$

(۳) ۱

(۴) ۴

۸۶- تابع $f(x) = x^{\frac{1}{x}}$ مقدار ماکزیمم خود را بر بازه $(0, +\infty)$ در کدام نقطه اختیار می‌کند؟

(۱) $x = \frac{1}{e}$

(۲) $x = 1$

(۳) $x = e$

(۴) تابع f بر بازه $(0, \infty)$ ماکزیمم ندارد.

۸۷- سطح حاصل از دوران منحنی $9y^2 = x(3-x)^2$ بر بازه $[0, 3]$ حول محور X کدام است؟

(۱) 2π

(۲) 3π

(۳) 4π

(۴) 6π

۸۸- حجم چهار وجهی محصور به صفحات مختصات و یک صفحه مماس بر رویه $xyz = 8$ کدام است؟

(۱) ۹

(۲) ۱۸

(۳) ۳۶

(۴) ۷۲

۸۹- مقدار انتگرال سطح $\iint_S yz \, d\sigma$ کدام است؟ S قسمتی از صفحه به معادله $z = y + 3$ است که در داخل استوانه

به معادله $x^2 + y^2 = 1$ قرار دارد.

(۱) $\sqrt{2}\pi$

(۲) $\frac{\sqrt{2}}{2}\pi$

(۳) $\frac{\sqrt{2}}{3}\pi$

(۴) $\frac{\sqrt{2}}{4}\pi$

۹۰- کار انجام شده توسط یک نقطه متحرک که تحت نیروی $\vec{F} = 3xy\vec{i} - 5z\vec{j} + 10x\vec{k}$ در طول منحنی به معادلات

پارامتری $x = t^2 + 1$ ، $y = 2t^2$ ، $z = t^3$ به حرکت در می‌آید و از نقطه متناظر با $t = 0$ به نقطه متناظر با $t = 3$

تغییر مکان می‌دهد، کدام است؟

(۱) ۲۲۷۷

(۲) ۲۴۵۷

(۳) ۲۶۰۲

(۴) ۳۰۳۰